

# Elementi di Psicometria

11-Verifica di ipotesi fra due medie  
vers. 1.0a (6 dicembre 2011)  
versione per stampa

Germano Rossi<sup>1</sup>

`germano.rossi@unimib.it`

<sup>1</sup>Dipartimento di Psicologia, Università di Milano-Bicocca

2011-2012

# Differenza di due medie

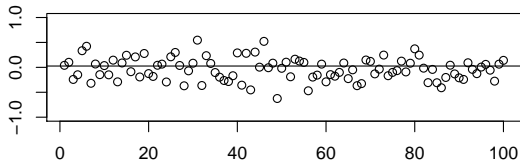
- Finora abbiamo visto la possibilità di verificare
  - la media di un gruppo rispetto ad una popolazione di cui conosciamo i parametri ( $\mu$  e  $\sigma$ ) [situazione solo teorica]
  - la media di un gruppo rispetto ad una popolazione di cui conosciamo solo il parametro della media ( $\mu$ )
- Se non conoscessimo neppure la media della popolazione (situazione tipica in psicologia), non potremmo fare nessun tipo di inferenza
- Tuttavia, la maggior parte delle volte, noi non siamo interessati a sapere se un certo campione appartiene ad una certa popolazione, ma a sapere *se due campioni provengono dalla stessa popolazione* o da due popolazioni con parametri diversi
- In questo caso l'ipotesi sarebbe che la differenza delle medie sia nulla ( $\bar{X}_1 - \bar{X}_2 = 0$ )

# Differenza di due medie

- Con lo stesso ragionamento fatto per la distribuzione campionaria delle medie, si può fare la *distribuzione campionaria della differenza di due medie*.
- Se 2 campioni vengono estratti dalla stessa popolazione, la loro media dovrebbe tendere alla media della popolazione, qualunque essa sia.
- Se facciamo la differenza fra le due medie (ed entrambe tendono alla media della popolazione), la loro differenza *dovrebbe* tendere ad essere uguale a 0 ( $\mu_1 - \mu_2 = 0$ ). *Dovrebbe*, ma non sempre è così.
- Tuttavia se estraiamo molte coppie di medie, la distribuzione della differenza di queste medie graviterà attorno allo 0.
- La stessa cosa dovrebbe capitare se i due campioni vengono da due popolazioni diverse che hanno, però, la stessa media ( $\mu_1 = \mu_2$ )

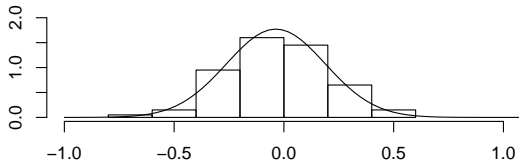
# Differenza di due medie

## 100 differenze di medie campionarie



Media= 0.03

## Distribuzione delle differenze delle medie



# Differenza di due medie

- Anche in questo caso abbiamo che per  $N \geq 30$ , la distribuzione campionaria della differenza delle medie tenderà a distribuirsi normalmente
- e anche in questo caso potremo calcolare un *errore standard della differenza delle medie*
- e anche in questo caso, un valore piccolo dell'errore standard indica una piccola oscillazione delle differenze campionarie attorno allo 0
- e un valore grande indica una grossa oscillazione attorno allo 0
- Anche in questo caso, se potessimo estrarre un numero infinito di coppie di campioni, potremmo calcolare l'errore standard esatto
- Non potendo farlo, lo stimiamo a partire dalle deviazioni standard dei due campioni

# Differenza di due medie

- Si pongono adesso due possibilità:
  - la varianza nelle due popolazioni è uguale
  - la varianza nelle due popolazioni è diversa
- se la varianza è uguale potremmo semplicemente sommare le singole varianze (in particolare se le numerosità dei due campioni è uguale)
- più spesso non possiamo ipotizzare che le varianze siano uguali e, ancora più spesso, i due campioni non hanno la stessa numerosità

# Differenza di due medie

- Usiamo quindi una varianza combinata

$$s_{comb}^2 = \frac{(N_1 - 1)s_1^2 + (N_2 - 1)s_2^2}{N_1 + N_2 - 2}$$

- e la stima dell'errore standard diventa

$$s_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2} = \sqrt{\frac{s_{comb}^2}{N_1} + \frac{s_{comb}^2}{N_2}}$$

- Mettendo assieme le due formule abbiamo

$$s_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2} = \sqrt{\frac{(N_1 - 1)s_1^2 + (N_2 - 1)s_2^2}{N_1 + N_2 - 2} \left( \frac{1}{N_1} + \frac{1}{N_2} \right)}$$

# Differenza di due medie: test

- Il test sulla differenza delle medie si baserà sulla formula di z, ma produrrà una statistica t

$$t = \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{s_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}}$$

- Anche se è teoricamente possibile ipotizzare che la differenza di due medie corrisponda ad un certo valore (ad es. 5), la maggior parte delle volte si ipotizzerà che la differenza delle medie sia nulla; in questo caso  $\mu_1 - \mu_2 = 0$  e la formula si riduce alla sola differenza delle medie dei campioni
- In ogni caso, la statistica t calcolata avrà gradi di libertà pari a

$$(N_1 - 1) + (N_2 - 1) = N_1 + N_2 - 2$$



# Test della differenza delle medie

- Conosciamo:  $M_1$ ,  $M_2$ ,  $s_1$  e  $s_2$  allora:
- $H_0 : \mu_1 = \mu_2$
- $H_1 : \mu_1 \neq \mu_2$  (oppure  $>$  oppure  $<$ )
- scegliamo  $\alpha$  e troviamo il  $t$  critico
- applichiamo la formula

$$t_{M_1-M_2} = \frac{M_1 - M_2}{\sqrt{\frac{(N_1-1)s_1^2 + (N_2-1)s_2^2}{N_1+N_2-2} \left( \frac{1}{N_1} + \frac{1}{N_2} \right)}}$$

con  $gdl = N_1 + N_2 - 2$

- se  $t_{M_1-M_2} < t_c$  (in valore assoluto) accetto  $H_0$
- se maggiore (in valore assoluto), rifiuto  $H_0$  (e accetto quindi  $H_1$ )

# Test della differenza delle medie

- Abbiamo misurato l'ortodossia in un campione di Testimoni di Geova e ci chiediamo se vi è differenza fra maschi ( $N=23$ ) e femmine ( $N=12$ ):  $M_m = 14.17$ ,  $M_f = 15.5$ ,  $s_m = 2.27$  e  $s_f = 2.32$  allora:
- facciamo le ipotesi nulla e alternativa  $H_1 : \mu_m \neq \mu_f$
- con  $\alpha = .05$  bidirezionale il t critico con  $gdl = 23 + 12 - 2 = 33$  è  $t_c = 2.04$
- applichiamo la formula

$$t_{M_1-M_2} = \frac{14.17 - 15.5}{\sqrt{\left(\frac{2.27^2(23-1)+2.32^2(12-1)}{23+12-2}\right) \left(\frac{1}{23} \frac{1}{12}\right)}} = -.006$$

- siccome  $t_{M_1-M_2} < t_c$  accetto  $H_0$

# Due approcci all'inferenza puntuale

## 1 Uso delle tavole per trovare un valore critico

- Si applicano le formule e si trova la statistica ( $z$  o  $t$ )
- Si decide un livello  $\alpha$  e si cerca un valore critico sulle tavole (eventualmente usando i gdl)
- Confrontando la statistica trovata con il valore critico accettiamo o rifiutiamo l'ipotesi nulla

$$v_t < v_c \Rightarrow \text{accetto } H_0$$

## 2 Calcolo diretto della probabilità

- Si applicano le formule e si trova la statistica ( $z$  o  $t$ )
- Usando la distribuzione di probabilità di quella statistica si calcola direttamente la probabilità associata
- Confrontando la probabilità trovata con l' $\alpha$  scelto, accettiamo o rifiutiamo l'ipotesi nulla

$$P(v_t) > \alpha \Rightarrow \text{accetto } H_0$$

# Due approcci all'inferenza puntuale

## Per trovare un valore critico

### ■ Con Excel,

`zc=INV.NORM.ST(1-alfa/2)`

`zc=INV.NORM.ST(1-alfa)`

bi e mono

### ■ `tc=INV.T(alfa;gl)`

### ■ Con R, `zc=qnorm(1-alfa)` (bi) o `zc=qnorm(1-alfa/2)` (mono)

### ■ `tc=qt(1-alfa, gl)` (bi) o `tc=qt(1-alfa/2, gl)`

$z_c$  = z critico;  $t_c$  = t critico;  $\alpha$  = valore di  $\alpha$ ;  $gl$  = gradi di libertà  
 $z$  = punti  $z$

## Calcolo diretto della probabilità

### ■ Con Excel, $P(z) =$

`1-DISTRIB.NORM.ST(z)`

### ■ `tc=DISTRIB.T(t;gl;2)`

`tc=DISTRIB.T(t;gl;1)` bi  
e mono

### ■ Con R, $P(z) = pnorm(z)$

### ■ $P(t) = 1-pt(t, gl)$

# Stima intervallare

- Anche per la differenza delle medie, possiamo calcolare un'intervallo di confidenza, sempre usando il valore critico di  $t$  al 5% o all'1% per avere intervalli di fiducia pari al 95% o al 99%

$$[(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - ts_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}] \leq \mu_1 - \mu_2 \leq [(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) + ts_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}]$$

- Applicandolo all'esempio dei Testimoni di Geova:

$$(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) = -1.33 \quad t_{95\%} = 2.04 \quad s_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2} = 2.87$$

$$-1.33 + 2.04 * 2.87 \text{ e } -1.33 - 2.04 * 2.87$$

- ovvero l'intervallo di confidenza oscilla fra -5.99 e 3.34
- Poiché l'intervallo include anche il valore 0 ( $H_0 : \mu_1 - \mu_2 = 0$ ) corrispondente alla nostra ipotesi nulla, dobbiamo accettarla come vera.

# Assunti del t-test

- 1 Le misure della variabile dipendente di ciascun gruppo
    - a) sono indipendenti tra di loro
    - b) sono indipendenti dall'altro gruppo
  - 2 La variabile dipendente si distribuisce normalmente
  - 3 Le varianze dei due gruppi sono uguali
- 
- La condizione 2 può essere ignorata, perché il test t non è molto sensibile alle violazioni di normalità
  - La condizione 3 può essere ignorata se i due campioni hanno uguale numerosità; il test t, in questo caso, non distorce troppo e si può usare la distribuzione di t senza problemi

# Assunti del t-test

- Se i due campioni non hanno uguale numerosità, si pongono diverse condizioni:
  - 1 la soluzione migliore è quella di ridurre il campione più numeroso ed equiparare le numerosità (basta fare una selezione casuale del campione)
  - 2 provare a sottoporre le variabile a trasformazioni che mantengono la linearità, ma cambiano la distribuzione (le vedremo nel *Trattamento dei dati*)
  - 3 si può usare la stima di varianza separata, ovvero il test t diventa




$$t = \frac{\overline{X}_1 - \overline{X}_2}{\sqrt{\frac{s_1^2}{N_1} + \frac{s_2^2}{N_2}}}$$

# Inferenza con programmi statistici

- Nell'uso normale, sono i computer a fare i conti per il confronto di medie: **t di Student (o T-Test)**
- stessa variabile su due campioni indipendenti. Le formule usate sono quelle indicate qui e prevedono
  - una formula che ipotizza che i campioni abbiano varianza uguale (varianza combinata)
  - un'altra formula che ipotizza che abbiano varianza diversa (Varianze separate)
- Viene applicato un test per l'*omogeneità delle varianze* (test di Levene) e in base ai risultati si sceglie il test appropriato
- Il test di Levene è basato sul rapporto delle due varianze: se sono simili tenderà a 1; al test è associato un valore di probabilità



# SPSS: 2 campioni indipendenti

- Analizza | Confronta medie | Test T: campioni indipendenti
- Trascinare una o più variabile dipendente (quantitativa) in Variabili oggetto del test
- Trascinare una variabile qualitativa (con 2 o più valori possibili) in Variabile di raggruppamento
- Premere  e inserire i due valori della qualitativa da usare. Quindi 
- Infine 

# Esempio in SPSS

## Pagina 1 - Medie e deviazioni standard suddivise per genere

Religiosità	Genere	N	Mean	SD	SE Mean
Intrinseca	Maschio	160	23,24	5,82	0,46
	Femmina	179	23,60	5,52	0,41
Estrinseca sociale	Maschio	160	5,79	3,09	0,24
	Femmina	179	6,07	2,94	0,22
Estrinseca personale	Maschio	160	9,46	3,52	0,28
	Femmina	179	10,89	2,98	0,22

Dalle medie possiamo vedere (“a naso”) che non ci sono grosse differenze fra i sessi nelle prime due variabili.

Forse, nell’ultima c’è una differenza.

# Esempio in SPSS

		Levene's Test		t-test		
		F	Sig.	t	df	Sig. (2-tailed)
Orientamento Intrinseco	Eq	0,816	0,367	-0,594	337	0,553
	Not			-0,592	328,157	0,554
Estrinseco sociale	Eq	1,146	0,285	-0,852	337	0,395
	Not			-0,850	328,503	0,396
Estrinseco personale	Eqa	8,847	0,003	-4,050	337	0,000
	Not			-4,013	313,273	0,000

Eq=Equal variance assumed

Not=Equal variance not assumed

Il test di Levene ci dice se i due gruppi hanno la stessa varianza (F vicina a 1, con Sig superiore ad  $\alpha$ ) oppure no (F molto grande, con Sig inferiore ad  $\alpha$ ).

A questo punto possiamo leggere e interpretare l'esatto  $t$  e confrontare la probabilità associata (Sig) a quel  $t$ , con quei gradi di libertà (df) direttamente con l' $\alpha$  scelto.

# Riportare i risultati

## Esempio

Per quanto riguarda l'orientamento religioso, per la religiosità intrinseca e l'estrinseca sociale non sembrano esserci effetti del genere, in quanto è abbastanza probabile che le medie siano uguali fra loro. Al contrario, per quanto riguarda la religiosità estrinseca personale, il gruppo femminile mostra una media (10.89) più alta del gruppo maschile (9.46). La differenza è statisticamente significativa  $t(313,27)=-4.013, p < .001$ .

# Applicabilità

- Per confrontare la media di una variabile fra due gruppi
- Cosa si usa
  - 1 variabile qualitativa (indipendente) che viene usata per suddividere il campione in 2 gruppi
  - 1 variabile quantitativa (dipendente) su cui vengono calcolate le media (una per ciascun gruppo)

# Effect size (Ampiezza dell'effetto)

- Tramite il test della differenza delle medie (t-test) abbiamo visto se due medie sono diverse ovvero se i campioni su cui le medie sono state calcolate provengono da popolazioni con parametri statistici uguali o diversi
- questa informazione però è solamente vero/falso: o c'è differenza oppure no
- e l'eventuale differenza delle medie va interpretata come relativa
- se la religiosità estrinseca personale è diversa in base al genere e vediamo che la media dei maschi è minore di quella delle femmine non possiamo interpretare nulla di più della diversità.

# Effect size (Ampiezza dell'effetto)

- L'**effect size** indica invece di **quanto** due medie differiscono fra loro e se l'ampiezza dell'effetto trovato è piccolo, medio o grande
- e si calcola con una formula simile ad una z, proposta da Cohen:

$$d = \frac{\mu_1 - \mu_2}{\sigma}$$

- Una possibile formula per il t-test (campioni indipendenti) è stata proposta da Hedge:

$$g = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{s_p}$$

in cui  $s_p$  è la varianza combinata

$$s_p = \sqrt{\frac{(N_1 - 1)s_1^2 + (N_2 - 1)s_2^2}{N_1 + N_2 - 2}}$$

## Effect size (Ampiezza dell'effetto)

- Dal momento che  $g$  usa la varianza combinata, conoscendo le numerosità e il valore di  $t$ , si può calcolare  $g$  anche come:

$$g = \frac{t}{\sqrt{\frac{N_1 N_2}{N_1 + N_2}}} = t \sqrt{\frac{N_1 + N_2}{N_1 N_2}}$$

- Se i due gruppi hanno la stessa numerosità si può usare una formula più veloce:

$$g = \frac{t}{\sqrt{\frac{N}{2}}} = t \sqrt{\frac{2}{N}}$$



# Effect size (Ampiezza dell'effetto)

- Ovviamente, usando le forme inverse, possiamo calcolare  $t$  usando  $g$
- Se i due gruppi hanno la stessa numerosità:

$$t = g\sqrt{\frac{N}{2}}$$

- Se i due gruppi non hanno la stessa numerosità:

$$t = g\sqrt{\frac{N_1 N_2}{N_1 + N_2}}$$

- Ma è più facile avere  $t$  che non  $g$ , in quanto molti software calcolano  $t$ , ma non  $g$

# Effect size (Ampiezza dell'effetto)

- $g$  (di Hedge) o  $d$  (di Cohen) dovrebbe oscillare fra 0 e 1, ma spesso supera il valore 1
- Cohen propose una interpretazione generica di  $d$
- $d = .20$ , effetto piccolo
- $d = .50$ , effetto medio
- $d = .80$ , effetto grande
- in letteratura si trovano  $d$  superiori a 1 che vengono generalmente considerati giganti (*huge*)

# Esempio di uso di **d**

	Italiano		Originale		Test t	d
	M	s	M	s	p	
Fondamentalismo	75,35	32,03	84,6	33	.003	-.28
Intrinseco	22,25	4,57	37,2	5,8	<.001	-2.64
Estrinseco	15,94	5,29	25,6	5,7	<.001	-1.71

## Esempio

“Confrontando il nostro campione con quello originale, osserviamo che ci sono alcune differenze. I dati sembrano evidenziare che la popolazione americana è più fondamentalista di quella italiana, anche se osservando l'*effect size* possiamo affermare che la differenza non è così profonda come potrebbe apparentemente sembrare. La situazione cambia per quanto riguarda l'orientamento religioso: ci sono differenze più grandi tra le 2 popolazioni sia per quanto riguarda la religiosità intrinseca che per quella estrinseca. Infatti i valori della **d** di Cohen sono decisamente giganti e testimoniano una sostanziale differenza tra le due popolazioni sulla base di probabili differenze culturali, storiche e sociali che caratterizzano i differenti paesi.”

# Esempio di uso di **d**

	Primo		Secondo		Test t	
	M	s	M	s	p	d
Fondamentalismo	75,35	32,03	81,7	31,59	.034	.20
Intrinseco	21,37	5,41	23,4	5,66	<.001	-.36
Estrinseco	15,94	5,29	16,1	5,21	n.s.	
Estrinseco Personale	9,45	3,12	10,21	3,32	.013	-.23
Estrinseco Sociale	6,45	3,13	5,94	3,01	n.s.	.17

## Esempio

“I risultati del nostro campione sono stati confrontati con quelli di un campione italiano precedente. Attraverso il test t osserviamo che vi sono tre variabili statisticamente diverse nei due campioni. Tuttavia le differenze riscontrate sono minime, infatti l'*effect size* più elevato è di solo .36, quindi l'ampiezza degli effetti sono tutte piccole. Questo ci permette affermare che potrebbe esiste comunque una somiglianza tra i 2 campioni italiani, la cui diversità potrebbe anche essere casuale.”

# Confronti dipendenti o appaiati

- Alcune volte può capitare di confrontare fra loro due variabili misurate sullo stesso campione (ad es. situazioni prima/dopo)
- Oppure capita di lavorare con campioni appaiati (due campioni in cui i casi sono simili a coppie [moglie-marito] oppure sono stati appaiati a posteriori)
- Si può usare una versione del t-test che si basa sulle differenze fra i punteggi dei singoli casi
- La differenza sostanziale è che si usa la **media delle differenze** ( $\bar{D} = X_1 - X_2$ ) e si fa riferimento alla **distribuzione campionaria della media delle differenze**
- Questa distribuzione si approssima a una  $t$  con  $df=N-1$  dove  $N$  equivale al numero di coppie appaiate

# Confronti dipendenti o appaiati

- per la statistica si usa  $\bar{D} = X_{i1} - X_{i2}$
- l'ipotesi nulla è che  $\mu_D = 0$
- la statistica puntuale si calcola con


$$t = \frac{\bar{D} - \mu_D}{\sqrt{\frac{s_D^2}{N}}}$$

con  $df = N - 1$

- quella intervallare con

$$\bar{D} - ts_D < \mu_D < \bar{D} + ts_D$$

# SPSS: Campioni appaiati

- Analizza | Confronta medie | Test T: campioni appaiati
- In Variabili appaiate bisogna inserire due variabili quantitative che verranno confrontate fra loro a coppie
- Infine 

## SPSS: Campioni appaiati

		Media	N	Deviazione std.	Errore std. Media
Coppia 1	anx-base	18,430	100	4,3304	,4330
	anx-pre	19,580	100	6,4325	,6433
Coppia 2	anx-base	18,430	100	4,3304	,4330
	anx-post	19,400	100	4,7694	,4769

**Test per campioni appaiati**

		Differenze a coppie					t	df	Sig. (2-code)
		Interv. conf. 95%							
		Media	Dev. std.	ES Media	Infer.	Super			
1	anx-base								
	anx-pre	-1,15	5,37	,54	-2,22	-,08	-2,14	99	,035
2	anx-base								
	anx-post	-,97	3,52	,35	-1,67	-,27	-2,76	99	,007



# Applicabilità

- Per confrontare la media di due variabili misurate in uno stesso gruppo
- **Cosa si usa**
  - 2 variabili quantitative (entrambi dipendenti) su cui vengono calcolate le media (una per ciascun gruppo)
  - il motivo per cui la variabile è stata misurata due volte, è la variabile indipendente

# Più confronti di medie

- Se devo confrontare 3 medie?  
Faccio 3 confronti: M1 con M2, poi M1 con M3 e quindi M2 con M3  
Equivale a una una combinazione di 3 elementi presi 2 a 2 senza ripetizione.
- Con 4 medie?  
Faccio 6 confronti!
- Con 5 medie?  
Faccio 10 confronti
- Ma...

# Più confronti di medie

- Se per ogni confronto, ho una possibilità di sbagliare pari al livello  $\alpha$  che scelgo, per 10 confronti avrò una possibilità pari a  $10\alpha$
- Ovvero, se  $\alpha = .05$ ,  $10 \times 0.05 = 0.50$
- Ciò significherebbe che su 10 confronti almeno la metà potrebbero essere inaffidabili
- È chiaro che non posso correre un rischio così elevato.
- Ho due possibili soluzioni
  - Analisi della varianza (preferibile)
  - Criterio di Bonferroni: dividere l'alfa per il numero di confronti e usare il risultato come nuovo alfa (es.  $\alpha = .05$  con 10 confronti,  $\alpha/10 \Rightarrow .05/10 = .005$ )

# Analisi della varianza

- Il test dell'*Analisi della varianza*, risolve questo problema (anche conosciuto con i nomi Anova o AOV, da *Analysis of variance*)
- Serve per confrontare fra loro tre o più gruppi e decidere se vengono dalla stessa popolazione di riferimento
- Le situazioni più comuni sono:
  - 1 variabile dipendente (I/R) suddivisa in base ad 1 variabile indipendente che ha 3 o più categorie (N/O): Anova ad 1 via (o fattore)
  - 1 variabile dipendente (I/R) suddivisa in base a 2 o più variabili indipendenti (N/O): Anova a 2 o più vie (o fattori)

# Analisi della varianza

- Con sintesi semplicistica, possiamo dire che l'AOV confronta la varianza calcolata in due modi diversi:
- la varianza tra i singoli gruppi (ogni gruppo è considerato separato)
- la varianza entro i singoli gruppi (un solo gruppo totale ottenuto ignorando i singoli gruppi)
- la statistica che risulta (chiamata F) è il rapporto fra le due varianze
- Se le due varianze sono uguali, F si avvicinerà ad 1
- Se le due varianze sono diverse, F sarà tanto più grande quanto maggiore è la diversità
- I gradi di libertà dipendono dai gruppi confrontati e dalle loro numerosità

# Esempio SPSS: anova 1 via

Orientamento politico	Scala di ortodossia RFS		
	N	Mean	Std. Deviation
Nessuno	79	5,63	8,11
Sinistra	120	-1,26	9,34
Centro	104	6,38	8,21
Destra	34	5,24	10,14
Total	337	3,37	9,43

	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Between Groups	4.032,535	3	1.344,178	17,310	0,000
Within Groups	25.857,839	333	77,651		
Total	29.890,374	336			

# Esempio SPSS: anova e post-hoc

	Orientamento politico	N	Subset for alpha = .05	
			1	2
Student- Newman-Keuls	Sinistra	120	-1,2583	
	Destra	34		5,2353
	Nessuno	79		5,6329
	Centro	104		6,375
	Sig.		1	0,736

# Esempio SPSS: Anova a 2 vie

Orientamento politico	Sesso	Scala di ortodossia		
		Mean	Std. Deviation	N
Nessuno	Maschi	3,67	9,07	39
	Femmine	7,55	6,63	40
	Total	5,63	8,11	79
Sinistra	Maschi	-2,55	9,56	60
	Femmine	0,03	9,01	60
	Total	-1,26	9,34	120
Centro	Maschi	5,85	8,62	40
	Femmine	6,70	8,00	64
	Total	6,37	8,21	104
Destra	Maschi	2,90	11,47	20
	Femmine	8,57	6,96	14
	Total	5,24	10,14	34
Total	Maschi	1,77	10,02	159
	Femmine	4,79	8,65	178
	Total	3,37	9,43	337



# Esempio SPSS: Anova a 2 vie

Source Source	Type III Sum of Sq.	df df	Mean Square	F	Sig.
Corrected Model	4813,336	7	687,619	9,021	0,000
Intercept	4352,743	1	4352,743	57,106	0,000
Fasce pol	3981,851	3	1327,284	17,413	0,000
sesso	685,986	1	685,986	9,000	0,003
Fasce pol * sesso	184,718	3	61,573	0,808	0,49
Error	25077,04	329	76,222		
Total	33713	337			
Corrected Total	29890,37	336			